反射式超声 CT 中物体参数 的最大似然估计*

王晓珑 兰从庆

(中国科学院武汉物理所武汉 430071) 1992 年 6 月 12 日收到

针对反射式超声 CT 中积分线弯曲、噪音等因素影响,本文分析了如何应用最大似然估计方法,来 估计断层面内物体位置、形状参数等参量,并给出了迭代估计算法及模拟结果.

一、引 言

1984年, Rossi 等人研究在X射线CT (XCT)中,应用最大似然估计方法(MLE),从 测量投影数据,对一个尺寸、偏心率、指向性等 参量已知的物体进行定位^[1].随后,他们进一 步研究对一位置已知的物体估计其形状参数, 并提出了对介质中存在的单个物体,估计其位 置、尺寸、偏心率、指向性等参量的迭代估计算 法^[2].1990年, Sauer 等又研究了介质中存在 多个性质、大小相同的圆形物体位置的MLE 问题^[3].1991年,美国著名教授 Devaney 等人 将 MLE 方法用于超声衍射CT 中,研究对单 个已知物体进行定位的问题^[4].

本文将 Rossi 等的 MLE 方法引入 到单 发、单收反射式超声 CT(RUCT) 模型中。考 虑到实际测量过程中积分线的弯曲、噪音等因 素,研究了如何从模拟测量数据中,应用 MLE 方法,估计断层面内物体位置、形状参量,并给 出了迭代估计方法。模拟计算结果验证了这一 方法的正确性。

二、单发、单收反射式超声 CT 模型

在 CT 中,通常考虑二维问题。设 f(x)为

应用声学

被成象区域里 $x = (x_1, x_2)$ 点的介质的声反射 系数,超声换能器位于包围此区域的半径为 R_0 的圆周上(x_{10}, x_{20})点,该点与坐标原点 0 的连线 与 x_1 轴正方向成 φ 角(图 1). 在该区域中,介 质满足弱散射条件,声速和声衰减均匀分布.从 声发射源发射一无方向性、无限短脉冲声波,在 时刻 r,此发/收换能器接收到的回波信号 g_r 可 看作声反射系数沿以(x_{10}, x_{20})为圆心, φ 为半 径的圆弧 s 的积分^[5]:



?1994-2017 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

 φ)称为照射角为 φ 时的投影,改变 φ 角,可得 到一系列投影 $g_i(i, \varphi_i), (i = 1, 2, \cdots)$. 超声 反射 CT 成象,就是从这些投影反演,以重建 被成象区域里声反射系数 f(x)的分布。这里, f(x)可表示为在一个均匀介质背景上 迭 加 了 N个物体,即

$$f(\mathbf{x}) = f_b(\mathbf{x}) + \sum_{k=1}^N r_k f_k(\mathbf{x} - \mathbf{d}_k; \mathbf{y}_k) \quad (2)$$

其中, r_k 为第 k 个物体位于 $d_k = (d_{k1}, d_{k2})$ 处的声反射系数. 这里, f_k 是径 $x = d_k$ 点的声反射系数归一化了的,因此, $f_k(0; \Upsilon_k) = 1$. $\Upsilon_k = (A, \lambda, \theta)$ 表示第 k 个物体的几何形状参量, A, λ, θ 分别为此物体的尺寸、偏心率和指向性角^[2]. 在 CT 成象的物体参数估计中, f_k ($x; \Upsilon_k$)的分布通常假定是已知的,例如,在多数场合下,可认为是均匀分布的.

本文考虑一简单特例,即均匀背景介质的 声反射系数已知(不失一般性,可设为0),以及 仅存在单个物体(N = 1)的情形.物体的形状 参量以椭圆形物体的三个特征参量来表示:大 小 A,偏心率 \,指向角 θ,这三个量的不同组合 大致可表示在断层面内单个物体的形状.其中, A是椭圆形物体长、短半轴的几何平均, \是 长、短半轴的比, θ是长轴与 x₁轴正方向的夹 角.这样,断层面内声反射系数分布可表示为:

 $f(\boldsymbol{x}) = rf_0(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{d}; \boldsymbol{A}, \boldsymbol{\lambda}, \boldsymbol{\theta}) \quad (3)$

下面,首先假定 f_a在该椭圆区域上为常数, 并且存在强噪音干扰情况下,研究由接收到的 超声回波信号对该物体的 d 作最大似然估计. 然后,进一步研究,从带噪音回波信号出发,对 物体的位置和形状,进行综合参数估计的方法.

三、物体位置的最大似然估计

由图 1 得到的投影为

 $y_i(\bar{\imath}, \varphi) = g_i(\bar{\imath}, \varphi; d) + n(\bar{\imath}, \varphi)$ (4) 其中 $n(\bar{\imath}, \varphi)$ 假定为零均值高斯噪音,其 $E[n(\bar{\imath}, \varphi)n(\bar{\imath}', \varphi')] = \frac{N_o}{2}\delta(\bar{\imath} - \bar{\imath}', \varphi - \varphi'),$ $N_o/2 \ \ \ \ n(\bar{\imath}, \varphi)$ 的功率谱密度,角标 s 表示投 $\cdot 18$ \cdot 影沿圆弧进行.

根据非线性参量的 MLE 方法,若使

$$\varepsilon(\boldsymbol{d}) = \frac{1}{N_{\bullet}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{\bullet}^{\infty} |y_{i}(\bar{\imath}, \varphi_{i}) - g_{i}(\bar{\imath}, \varphi_{i}) - g_{i}(\bar{\imath}, \varphi_{i})|^{2} d\bar{\imath}$$
(5)

达到最小,则可得到该被检测物体中心位置 d 的 MLE 值 d. 展开式(5)右边积分号中的平 方项,得

$$\varepsilon(\boldsymbol{d}) = \frac{1}{N_{0}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{0}^{\omega} y_{i}^{2}(\tilde{\boldsymbol{z}}, \varphi_{i}) d\tilde{\boldsymbol{z}}$$
$$- \frac{2}{N_{0}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{0}^{\infty} y_{i}(\tilde{\boldsymbol{z}}, \varphi_{i})$$
$$\cdot g_{i}(\tilde{\boldsymbol{z}}, \varphi_{i}; \boldsymbol{d}) d\tilde{\boldsymbol{z}}$$
$$+ \frac{1}{N_{0}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{0}^{\infty} g_{i}^{2}(\tilde{\boldsymbol{z}}, \varphi_{i}; \boldsymbol{d}) d\tilde{\boldsymbol{z}} \quad (6)$$

式(6)右边第一项与 d 无关,对求 ε(d) 的极小 值无影响,在讨论极小值时可去掉.将式(6)中 后二项变号,可得到一个关于 d 的对数似然函 数^[6]:

$$L(\boldsymbol{d}) = \frac{2}{N_{o}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{0}^{\omega} \boldsymbol{y}_{i}(\bar{\boldsymbol{t}}, \varphi_{i})$$
$$\times_{g_{i}}(\bar{\boldsymbol{t}}, \varphi_{i}; \boldsymbol{d}) d\bar{\boldsymbol{t}}$$
$$-\frac{1}{N_{o}} \sum_{\varphi_{i}} \int_{0}^{\omega} g_{i}^{2}(\bar{\boldsymbol{t}}, \varphi_{i}; \boldsymbol{d}) d\bar{\boldsymbol{t}}$$
(7)

若 L(d) 在 \hat{d} 处达到最大,则 \hat{d} 就是物体中心 位置 \hat{d} 的 MLE 值.

同 XCT 中 $L(\mathbf{d})$ 的计算公式^{III}相比较, URCT 中 $L(\mathbf{d})$ 的计算有下列几点不同之处:

(1) 在 XCT 中, Rossi 等人曾证明式(7) 中第二项积分与 d 无关, 但在 URCT 中此项 与 d 有关(易证,略);

(2)式(7)中第一项在 XCT 中可用"卷 积-后投影"重建算法计算,能够大大减轻计算 负担,而在 URCT 中,由于积分线弯曲的 影 响,此项无法采用这一算法,L(d)必须逐点 进行计算,因而计算量非常大(大约大一个数量 级¹⁷);

(3) 在 XCT 中,X射线沿直线传播,一般 观察角度范围为 0-π,而在 URCT 中,由于波 阵面弯曲的影响,若仍采用 0-π的角度范围, 将对 d 的估计造成一定的误差.

12 卷 6 期

综上所述,在 URCT 中采用 MLE 方法 对物体位置进行估计,要对式(7)右边两项逐点 进行计算。另外,为了消除波阵面弯曲造成的 误差,还要求照射角变化范围尽量趋于 2 π .因此,式(7)的计算量相当大。但是,如果在式(7) 中,从实际测量的沿弯曲波阵面积分得到的投 影 $y_i(i, \varphi)$ 出发,采用迭代方法逐步消除波阵 面弯曲的影响,得到沿直线积分下的回波信号 $y_i(i, \varphi)$ 的近似修正值 $y^{(4)}(i, \varphi)$ (k 为迭代 次数),然后采用 XCT 中 MLE 计算公式来计 算 $L^{(4)}(d)$,而且照射角只须为 0- π ,即

$$L^{(l)}(\boldsymbol{d}) = \sum_{\boldsymbol{\varphi}_{i}} \int_{\boldsymbol{\varphi}}^{\infty} y^{(l)}(\bar{\imath}, \varphi_{i})$$

$$\times g_{l}(\bar{\imath}, \varphi_{i}; \boldsymbol{d}) d\bar{\imath}$$

$$= \sum_{\boldsymbol{\varphi}_{i}} \int_{\boldsymbol{\varphi}}^{\infty} y^{(l)}(\bar{\imath}, \varphi_{i}) g_{l}(\bar{\imath} - \boldsymbol{d})$$

$$\cdot \boldsymbol{\psi}_{i}, \varphi_{i}) d\bar{\imath} \qquad (8)$$

其中 $\phi_i = (\cos \varphi_i, \sin \varphi_i), g_i$ 为对被估计物 体沿直线 l 积分求得的投影。显然,式(8)为 XCT 中的卷积-后投影计算公式。

文献[8]指出,弯曲积分线下得到的回波信 号 y,(\tilde{i} , φ)可看作直线积分线下得到的回波 信号 y₁(\tilde{i} , φ)加上一误差项 $e(\tilde{i}, \varphi)$,我们可 用迭代算法,从测量数据 y₁(\tilde{i} , φ)出发,得到 逐步逼近 y₁(\tilde{i} , φ)的修正值 y^(k)(\tilde{i} , φ)(k 为 迭代次数),从而得到弯曲波阵面下物体中心位 置的 MLE 值 \tilde{d} . 即

(1) $\diamondsuit y^{(0)}(\bar{\imath}, \varphi) \simeq y_{\imath}(\bar{\imath}, \varphi)$ (9)

(2) 将 y⁽⁰⁾ 代人式(8),求出 L⁽⁰⁾(d),得到
 â⁽⁰⁾.由已知的物体声反射系数分布 rf₀(x;Y),
 得到断层面内声反射系数的初始分布

$$f^{(0)}(\boldsymbol{x}) = rf_{0}(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{\hat{d}}^{(0)}; \boldsymbol{\gamma}) \quad (10)$$
(3) 修正 $y^{(0)}(\bar{\imath}, \varphi),$

$$y^{(1)}(\bar{\imath}, \varphi) = y^{(0)}(\bar{\imath}, \varphi) - [P_{i}(\bar{\imath}, \varphi; \boldsymbol{\hat{d}}^{(0)}) - P_{i}(\bar{\imath}, \varphi; \boldsymbol{\hat{d}}^{(0)})] \quad (11)$$

其中

$$P_{s}(\bar{\imath}, \varphi; \ \hat{d}^{(0)}) = \int_{\imath} f^{(0)}(\boldsymbol{x}; \boldsymbol{\gamma}) ds$$

$$P_{l}(\bar{\imath}, \varphi; \ \hat{d}^{(0)}) = \int_{l} f^{(0)}(\boldsymbol{x}; \boldsymbol{\gamma}) dl$$
(12)

应用声学

(4) 将 y⁽¹⁾ 代人式(8),求出 L⁽¹⁾(**d**),并得 到物体位置 MLE 的第一次迭代值 **d**⁽¹⁾, **d**⁽¹⁾ 应该比 **d**⁽⁰⁾ 更接近于物体真实位置 **d**. 断层面 内声反射系数作了一次迭代修正后的分布即为

 $f^{(1)}(\boldsymbol{x}) = rf_{\boldsymbol{v}}(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{\hat{d}}^{(1)}; \boldsymbol{\gamma}) \qquad (13)$

(5)由 f⁽¹⁾(x),从式(12)求 P,、P,,代人 式(11)得到 y⁽²⁾.

如此迭代下去,直到按适当收敛条件终止 迭代,得到 y_i(\tilde{i} , φ)的近似修正值 y^(t)(\tilde{i} , φ), 并进而得到 d 的较准确估计值 $\hat{d}^{(t)}$.

作为模拟计算的一个简单例子,假设被成 象区域里介质的声反射系数分布为^[9]:



图 2 按公式(7)逐点计算的位置估计结果(換能器 与坐标原点距离为 3 R_0 ,物半径为 0.3 R_0 ,信噪比 0 dB, $d = (0.,0.), \hat{d} = (-0.016R_0, -0.016R_0)).$







图 4 按公式(7)逐点计算的位置估计结果(换能器 与坐标原点距 高 为 1.03*R*₀, 物 半 径 0.3*R*₀, 信 噪 比 0dB, *d* = (0., -0.65*R*₀), *d* = (-0.016*R*₀, -0.651*R*₀)).



图 5 按 XCT 中算法计算的位置估计结果(距离、 物半径、信噪比与图 4 相同, d = (0., -0.65R₀), d = (-0.016R₀, -0.492R₀)).

$$f(\boldsymbol{x} - \boldsymbol{d}; \boldsymbol{\gamma}) = \begin{cases} 1 & \exists \|\boldsymbol{x} - \boldsymbol{d}\| \leq 0.3R \\ 0 & \sharp \& \end{cases}$$

(14)

若取 d = (0.0, 0.0),即被估计物体中心位于 坐标原点,用式(7)进行逐点计算作 MLE 的结 果示于图 2,而用 XCT 中 MLE 的结果示于 图 3. 由图 2 和图 3 可以看出,当物体远离换 能器时,采用两种算法得到的 d 基本相符,都 接近于物体真实位置 d.当取 d = (0.0, -0.65 R_0)时,由两种算法所得结果示于图 4 和图 5,可以看出,当物体接近换能器时,用 XCT 中的

· 20 ·

算法估计出的 d 的误差较大.图 6 为用本文介 绍的迭代算法,经 5 次迭代后得到的结果,可 见,当采用迭代修正弯曲波阵面影响的算法后,



图 6 按本文迭代算法计算的位置估计结果(距离、 物半径、信噪比与图 4 相同, $\hat{d} = (0., -0.65R_{0}),$ $\hat{d} = (-0.016R_{0}, -0.619R_{0})).$

估计误差比图 5 减少许多,而接近直接算法的 估计结果。(在图 2 至图 8 中,虚线为原物体, 实线表示估计物体。)

四、物体位置和形状参数 的综合估计

在 XCT 中, Rossi 等基于对物体各个参量分别进行单个估计所得到的结论,提出了一种综合估计物体位置和形状参量的有效迭代算法^[2].该算法的步骤如下:

(1)首先,假定物体是一圆形物体,运用先 验知识选择其大小的初值 $A^{(0)}$,并估计物体 位 置 $\hat{a}^{(0)}$;

(2)仍然假定物体是圆形的,由 $\hat{d}^{(0)}$ 估计 $\hat{A}^{(0)}$;

(3)运用先验知识假定物体偏 心 率 初 值 $\lambda^{(0)}$,由 $\hat{d}^{(0)}$ 、 $\hat{A}^{(0)}$ 及 $\lambda^{(0)}$ 估计物体 指 向 性 角 $\hat{\theta}^{(0)}$;

(4)由 $\hat{d}^{(0)}$ 、 $\hat{d}^{(0)}$ 和 $\hat{\theta}^{(0)}$ 估计物体偏心 率 $\hat{\lambda}^{(0)}$;

(5) 以最新估计参量依次迭代 更 新 $\hat{d}^{(k)}$ 、 $\hat{A}^{(k)}$ 、 $\hat{\theta}^{(k)}$ 和 $\hat{\lambda}^{(k)}(k = 0, 1, 2, \cdots)$,直到依据

12 卷 6 期

某种收敛条件结束迭代过程.

在超声反射 CT 中,考虑进弯曲波阵面的 影响,我们对 Rossi 等的算法作了改进,即在 d 等参量迭代估计收敛后,根据式(12)等产生 修正弯曲波阵面积分影响的投影数据,并由此 估计出物体位置等参量的新估计值。



图7 待估计物体几何(a)及按 XCT 算法估计的 物体几何(b).(换能器与坐标原点距离 1.5 $R_{0.9}$,信 噪比 0dB, $d = (0., -0.6R_{0})$, $\Upsilon = (0.367R_{0.9}, 6.0, 0.0^{\circ})$, $\hat{d} = (-0.016R_{0.9}, -0.492R_{0.9})$, $\hat{\Upsilon} = (0.29 R_{0.9}, 9.0, -1.51^{\circ})$.)



图 8 待估计物体几何(a)及按本文迭代算法估计的 物体几何(b).(距离、信噪比、d、 Υ 与图 7 相同, $d = (-0.016R_0, -0.587R_0), \hat{\Upsilon} = (0.36R_0, 7.74, -0.503°)).$

模拟计算结果如图 7、图 8 所示。图 7 中
曲线 *a* 为待估计物体几何,物体中 心 位 置 为 *d* = (0., -0.6 R_o),形状参数为 Y = (0.367 R_o,
6.0, 0.0°);曲线 *b* 为采用 XCT 中算法估计的

物体几何,其 MLE 值分别为 \hat{d} - (-0.016*R*,, -0.492*R*,), Υ = (0.29*R*,, 9.0, -1.51°). 可 见,由于物体尺寸较大,其中心位置和形状参数 的估计偏差较大. 图 8 中曲线 *b* 为采用本文介 绍的迭代算法、经 5 次迭代修正弯曲积分线后 所估计的物体几何,其中心位置和形状参数的 估值分别为 \hat{d} = (-0.016*R*,, -0.587*R*,), Υ = (0.36*R*, 7.74, -0.503°). 可见,这个结果比 图 7 中的估计值更接近于原物体所在位置及形 状参数.

五、结 论

本文将 XCT 中物体参数 MLE 方法应用 到超声反射 CT 中。在物体远离换能器时,波 阵面弯曲的影响可以忽略,故可直接采用 XCT 中 MLE 算法。但是,在物体接近换能器时,由 于波阵面弯曲的影响,若仍采用 XCT 中 MLE 算法,估计结果有较大偏差。针对这种情况,本 文提出了一种迭代修正算法,采用本算法,对 如式(14)所表示的声反射系数分布的简单情 况,作了物体位置 MLE 的模拟计算,结果表 明,该算法估计性能接近于采用逐点计算方法 的估计性能,而计算量约为后者的十分之一.将 这一算法与 Rossi 等的关于物体位置及形状参 数的综合估计算法相结合,可以有效地对物体 的声反射系数分布已知情况下物体位置、形状 参数进行 MLE,并可得到较好结果。模拟结果 同时表明,这一算法具有很强的抗噪音能力.

当然,在 CT 成象实际应用当中,测量投 影数据往往存在较为严重的照射角受限问题, 并且在断层面内往往也不止存在一个物体。在 超声反射 CT 中的物体参数估计问题研究中, 考虑进这些因素,对其实际应用具有很大价值, 值得进一步研究.

文 獻

 Rossi, D. J. and Willsky, A. S., IEEE Trans. on Acoust., Speech, Signal Process., 32-4(1984), 886-906.
 Rossi, D. J. and Willsky, A. S., Signal Processing 18-

应用声学

• 21 •

1(1989), 63-87.

- [3] Sauer, K. and Liu, B., IEEE Inter. Conj. Acoust., Speech, Signal Process., 4(1990), 1861-1864.
- [4] Devaney, A. J. and Tsihrinzis, G. A., IEEE Trans. on Signal Processing, 39-3(1991), 672-682.
- [5] Norton, J. and Linzer, M., Ultrasonic Imaging 1 (1979), 154-184.
- [6] 范特里斯,检测、估计和调制理论(卷1),国防工业出版

社 (1983),324-325.

- [7] Shepp, L. A. and Logan, B. F., IEEE Trans. on Nuclear Science, 21(1974), 21-43.
- [8] Xu, K. K., Lan, C. Q. and Chen, Y. H., Acoustical Imaging 19(1991), 161-166.
- [9] Norton, J., J. Acous. Soc. Am., 67-4(1980), 1266-1273.

超声检测中干扰信号的识别与抑制

马 志 敏 (武汉水利电力大学 武汉 430072) 1992 年 9 月 7 日收到

在利用超声脉冲回波法测量液位、料位、厚度及河道地形时,常常会遇到来自传播媒体中杂散粒子的干扰和来自电源及空间电磁耦合引入的干扰。本文分析了杂散粒子干扰反射的特征,分析了电磁噪 声干扰与正常回波信号之间不同的时间特性,不同的谱分布特征及它们之间的相关特性。在此基础上 提出了程控增益抑制、自动时间衰减抑制、功率谱密度特征识别、相关识别、数字滤波等几种识别和抑 制噪声干扰的方法。

在利用超声波检测液位、料位、厚度和探测 水下地形时,常常会遇到两种干扰.一种是来 自传播媒体中悬浮粒子产生的干扰,如水流中 杂质颗粒和气泡等;另一种是来自外界的电磁 干扰.后者在许多现场环境中往往是一个十分 突出的问题.这些干扰信号通常构成了仪器正 常使用的主要障碍之一.因此,正确地识别正 常界面回波信号和干扰信号,然后根据两者的 特征,寻求有效的抑制方法是十分必要的.

二、杂散粒子干扰信号的特征

对于来自传播媒体中悬浮粒子产生的杂散 干扰反射,由于粒子具有悬浮漂移性,因此粒子 的反射波与正常界面反射波的区别 主要 有 两 点:一是粒子反射波具有时间上和幅度上的不 稳定性,而界面反射波在时间和幅度上都是稳

• 2.2 •

定的。二是悬浮粒子反射波幅度上的相对微弱 性。

我们知道,超声波随传播距离是按指数关 系衰减的¹¹,设在离接收器 x 处有界面,则界面 反射波为

$$p = p_0 e^{-2\alpha x} \tag{1}$$

α 为衰减系数;又设在同一地点有悬浮粒子,则 粒子反射波为

$$p' = p'_0 e^{-2\alpha x}$$
 (2)

一具体试验表明,距接收器 15cm 的塑料 桶底的反射波,经一级放大后可达 10V,而同样 距离时,直径约 1mm 的塑料沙粒的反射波仅为 0.6V,长江沙粒的反射波最大不足 0.2V。这说 明在同样条件下粒子的反射波远小于界面的反 射波,即一般有 p₀ 远小于 p₀.

三、电磁干扰信号的识别

对于来自外界的电磁干扰信号可以从以下

12 卷 6 期